



**BØRNE- OG  
UNDERVISNINGSMINISTERIET**  
STYRELSEN FOR  
UNDERVISNING OG KVALITET



# Vejledning til læreplan i matematik C, stx

---

August 2024

Vejledning til læreplan i matematik C, stx  
August 2024

2024

ISBN nr. [xxx xxx xxx] (web udgave)

Design: Center for Kommunikation og Presse

Denne publikation kan ikke bestilles.

Der henvises til webudgaven.

Publikationen kan hentes på:

[www.uvm.dk](http://www.uvm.dk)

Børne- og Undervisningsministeriet

Departementet

Frederiksholms Kanal 21

1220 København K

# Indhold

---

Vejledning til læreplan i matematik C, stx .....	1
Indhold.....	3
Indledning.....	4
<b>1</b> Identitet og formål .....	5
1.1 Identitet.....	5
1.2 Formål.....	6
<b>2</b> Faglige mål og fagligt indhold .....	7
2.1 Faglige mål .....	7
2.2 Kernestof .....	9
2.3 Supplerende stof.....	12
2.4 Omfang .....	12
<b>3</b> Tilrettelæggelse .....	13
3.1 Didaktiske principper.....	13
3.2 Arbejdsformer .....	18
3.3 It.....	19
3.4 Samspil med andre fag.....	20
<b>4</b> Evaluering.....	21
4.1 Løbende evaluering .....	21
4.2 Prøveform .....	22
4.3 Bedømmelseskriterier.....	24
<b>5</b> Bilag.....	26
5.1 Karakterbeskrivelser .....	26

# Indledning

---

Undervisningen i almindelighed reguleres af lov og bekendtgørelse for de gymnasiale uddannelser. De styredokumenter, der særligt bestemmer undervisningen i matematik C, stx, er

- læreplanen,
- denne vejledning til læreplanen,
- formelsamlingen for niveauet.

Læreplanen udgør en ramme, inden for hvilken lærer og elever kan følge deres interesser og tilpasse undervisningens indhold og tilgange til eleverne og deres studieretning.

Vejledningen præciserer, kommenterer, uddyber og giver anbefalinger vedrørende udvalgte dele af læreplanens tekst, men indfører ikke nye bindende krav.

Læreplan, vejledning og formelsamling kan hentes på [www.uvm.dk](http://www.uvm.dk).

*Læreplanscitater er sat med kursiv og skrevet med blå tekst.*

Denne tekst er første udgave af vejledningen til 2024-læreplanen i matematik på niveauet. Styrelsen vil sætte pris på bidrag til forbedring af teksten i form af kommentarer, påpegning af fejl og mangler og forslag til andre forbedringer eller nye områder, der bør inddrages i teksten. Alle bidrag kan sendes til mailadressen [gymnasial.matematik@stukuvm.dk](mailto:gymnasial.matematik@stukuvm.dk) og vil blive modtaget med taknemmelighed. Venligst anfør "Kommentarer til vejledning i matematik [A/B/C], [stx/hf]" i mailens emnefelt. Nye versioner af vejledninger udarbejdes normalt en gang årligt med offentliggørelse tidligt i skoleåret.

# 1 Identitet og formål

---

## 1.1 Identitet

*Matematik omhandler resultatet af menneskers udvikling af generelle teorier om abstrakte strukturer med udgangspunkt i antal, form og forandring, inspireret af observationer i natur, samfund eller matematikken selv.*

*Matematik tilvejebringer et universelt sprog, begrebsapparat og metodesæt, der er uundværligt i beskrivelse og analyse af sammenhænge og struktur i naturvidenskab, teknologi og samfundsvidenskab, og i samspillet sker en gensidig udvikling af fagenes indhold og metoder. Faget er et dynamisk, kumulativt og deduktivt fag i stadig udvikling fra oldtiden til i dag, båret af menneskelig nysgerrighed og kreativitet, ofte i en vekselvirkning mellem anvendelse og teoribygning.*

Fagets identitet er beskrevet ens i læreplanerne for matematik på stx og hf.

En ministeriel kommission nedsat i 2016 i forbindelse med gymnasireformen samme år analyserede udfordringer og gav anbefalinger om undervisningen i matematik i de gymnasiale uddannelser. Kommissionen anbefaler i sin afrapportering<sup>1</sup> tre gennemgående fokuspunkter for fremtidige læreplaner i matematik:

- **Robusthed** i elevernes omgang med faget og træning i basale færdigheder<sup>2</sup>.
- **Samspil**, dvs. matematik "på tværs" af anvendelsesfelter og centrale fag – altså matematik med en ekstern orientering.
- **Progression**, hvormed menes indsigt internt i matematikkens sammenhænge og den logisk opbyggede, kumulative struktur.

Undervisningsfaget matematik på stx er ifølge Lov om de gymnasiale uddannelser nært forbundet med aspekter af videnskabsfaget matematik, og på alle niveauer genfindes centrale træk ved videnskabens fagsprog, begrebsapparat og metodesæt i de faglige mål og kernestoffet. Det gælder eksempelvis symbolbrug, logik, den formelle opbygning af matematisk teori med definition, sætning og bevis. Det afspejler kommissionens anbefaling af "progression": faglig indsigt internt i matematikken.

Matematikkommissionen anbefaler tillige, at der på alle niveauer skal være et indhold af matematik med henblik på anvendelser: fagligt "samspil". Meget af videnskabsfagets teori har et anvendelsesperspektiv, og det skal afspejle sig i undervisningen. Sigtet med faget matematik i de gymnasiale uddannelser er altså bredere end videnskabsfagets sigte. Matematik sættes som fag ind i en bredere almen-dannende ramme, som åbner faget mod livet uden for skolen, såvel som mod skolens andre fag og aktiviteter.

Arbejdsmetoder og tankegange fra videnskabsfaget optræder altså i undervisningen, men står ikke alene. Undervisningen i begreber og teorier må formidles i en sammenhæng, som eleverne kan opleve som relevant, og som giver dem mulighed for at reflektere over den opnåede viden og erkendelse, og som samtidigt viser dem, hvordan videnskabsfaget matematik er opstået, udviklet og kan anvendes.

---

<sup>1</sup> Matematikkommissionen: "[Afrapportering](#)", Ministeriet for Børn, Undervisning og Ligestilling (2016)

<sup>2</sup> Begrebet er nærmere udfoldet i kommissionens afrapportering s. 41

Anvendelsesorientering og modellering på den ene side og teoriopbygning på den anden side fungerer i et vekselspil. Anvendelserne kan inspirere til, give relevant træning af og for mange elever legitimerer og motivere arbejdet med teorien, og arbejdet med teorien giver et samlet overblik og et blik for fællestræk i de problemstillinger fra omverden, der behandles med matematik.

Endelig omtaler kommissionsrapporten faglig "robusthed" i elevernes omgang med faget og træning af basale færdigheder. Det betyder ikke blot sikkerhed i brøkgregning eller differentiationsregler, men også at på hvert niveau må grundlæggende begreber som fx 'funktionsbegrebet' eller 'differentialregning' og elementer af teorien indarbejdes og trænes så tilpas, at de kan aktiveres uproblematisk i anvendelsesammenhænge og ved tilegnelsen af ny teori. Robusthed indebærer tillige, at sådanne begreber, teori og færdigheder vedligeholdes med respekt for den tidligere behandling.

## 1.2 Formål

Formelt set er fagets formål, som det er for alle fag, at bidrage til at løse den uddannelsesmæssige opgave, der fremgår af gymnasielovens formål med uddannelsen (kapitel 1). For matematik er der (på nær niveauangivelsen) enslydende formål:

*Faget matematik på C-niveau giver eleverne en grundlæggende indsigt i matematisk sprog, begreber og metoder med vægt på almindannelsen og kan være en del af grundlaget for videre uddannelse. Elevernes arbejde med matematik medvirker til at udbygge deres mulighed for at deltage aktivt i et demokratisk samfund.*

*Gennem arbejdet med faget opnår eleverne kompetencer i matematik, så de kan forstå, gennemføre og formidle simple matematiske ræsonnementer. Eleverne bliver i stand til at behandle enkle problemstillinger og modeller med et matematisk indhold med udgangspunkt i deres omverden, andre faglige sammenhænge eller faget selv.*

Teksten ovenfor forklarer, på hvilken måde faget på dette niveau bidrager til at løfte uddannelsens formål, sådan som det er anført i Lov om de gymnasiale uddannelser, §1, §2 stk. 2 og §5.

Sigtet med undervisningen er altså dels, at eleverne bliver i stand til at forstå og arbejde med faget matematik, dels at bruge den viden, de metoder og de tænkemåder, der er karakteristiske for matematikken som et middel til at beskrive og forstå verden, så de bliver i stand til at fungere og handle som vidende borgere i dagens og fremtidens globale samfund. I sit hele giver undervisningen eleverne et oplyst grundlag for deres studievalg og kan medvirke til at give et grundlag for videre uddannelse.

## 2 Faglige mål og fagligt indhold

---

### 2.1 Faglige mål

De faglige mål beskriver studieforberedende og almindennende kompetencer for matematik på C-niveau og udgør grundlaget for den afsluttende evaluering. De er derfor pejlemærker for de enkelte undervisningsforløb, som sammen med den nødvendige faglige og pædagogiske progression skal sætte eleverne i stand til at nå disse slutmål.

*Eleverne skal kunne beskrive grundlæggende matematiske begreber, teorier og metoder samt kunne anvende dem i problemløsning og modellering.*

De matematiske begreber, teorier og metoder er det faglige grundlag for opbygningen af matematik som fag og for anvendelsen såvel inden for faget som i andre sammenhænge. "Beskrivelse" betyder i denne sammenhæng, at eleverne skal kunne forklare, hvordan bestemte begreber, teorier eller metoder finder anvendelse i en konkret situation, og de skal kunne bruge dem til problemløsning og modellering, såvel inden for matematik som i forbindelse med matematiks anvendelse i andre fag.

*Eleverne skal kunne følge og gennemføre enkle matematiske ræsonnementer og udvalgte beviser.*

Eleverne skal møde eksempler på deduktiv opbygning af matematisk teori i form af definitioner, sætninger og beviser. De skal på det grundlag mundtligt kunne gennemføre enkle ræsonnementer og udvalgte beviser, jf. i øvrigt omtalen nedenfor i afsnit 2.2. [Kernestof](#) og afsnit 3.1. [Didaktiske principper](#).

*Eleverne skal kunne forstå og anvende matematisk symbol- og formelsprog.*

Matematisk tekst er kendetegnet ved en udstrakt brug af symboler og formler. Eleverne skal derfor kunne læse symbol- og formelsprog, så de er i stand til at forstå og anvende det selv såvel mundtligt som skriftligt i kommunikation i matematik C. Se i øvrigt en nærmere omtale nedenfor i afsnit 2.2. [Kernestof](#).

Bagest i formelsamlingen for matematik C, stx, findes en liste over matematiske standardsymboler, som ud over at give eleverne overblik også kan bidrage til, at undervisere og forfattere af undervisningsmaterialer kan anvende ensartet notation, symbolsprog og terminologi.

*Eleverne skal kunne benytte og oversætte mellem repræsentationer af matematiske objekter.*

Matematisk præget information optræder i mange forskellige repræsentationer i fagets egen kommunikation, når matematik anvendes i andre fag eller i omverdenens brug af matematik. Det er derfor en central færdighed, at eleverne er i stand til at omgås forskellige repræsentationer, i første række

- Repræsentation af sammenhænge udtrykt ved fx funktioner, grafer, datasæt eller ligninger
- Geometriske modeller i form af fx tegninger eller ligninger
- Beskrivelse af stokastiske fænomener i form af fx observationsdata, diagrammer, sproglig beskrivelse eller vha. sandsynlighedsregning.

*Eleverne skal kunne anvende digitale værktøjer til modellering og matematisk problemløsning.*

Digitale værktøjer indgår naturligt i mange faglige sammenhænge som fagets værktøj, fx ved regression, graftegninger eller beregninger i stedet for tabelopslag.

Anvendelsen af digitale værktøjer gør det muligt at udvide spillerummet for elevernes arbejde med modellering og matematisk problemløsning ud over det, som de kan klare ved "håndkraft".

Brug af digitale værktøjer kan også i visse sammenhænge give andre didaktiske muligheder og dermed udvikle elevernes muligheder for faglig udforskning og fordybelse efter lærerens valg, jf. afsnit 3.1.

*Eleverne skal kunne benytte matematik som middel til at løse enkle problemer inden for faget selv og i relation til omverdenen.*

Det faglige mål giver afsæt for at inddrage omverdensfænomener, eventuelt i et egentligt flerfagligt samarbejde. Eleverne skal lære, hvad matematik som fag kan bidrage med i flerfaglige sammenhænge.

*Eleverne skal kunne opstille, bearbejde og fortolke enkle eksempler på matematiske modeller til beskrivelse af fænomener inden for forskellige fagområder samt diskutere modellens anvendelse og rækkevidde.*

Som omtalt i afsnittet om fagets identitet fordrer Matematikkommissionen i sin afrapportering, at der på alle niveauer af matematik arbejdes med bl.a. fagligt samspil, herunder arbejde med matematisk modellering af andre problemstillinger med afsæt i andre fag eller omverdensfænomener.

Det er en del af arbejdet med fortolkning af en model at diskutere modellens anvendelse og rækkevidde. Det er også relevant at diskutere den forenkling, der ligger i modellens beskrivelse af omverden.

Systematiske fejl og usikkerhed i modellens beskrivelse af omverden kan inddrages.

Nogle klassiske eksempler på emner for modellering kan være udviklingen af CO<sub>2</sub> i atmosfæren, befolkningsvækst eller antallet af biler i Danmark.

*Eleverne skal kunne læse og anvende enkle tekster med matematikfagligt indhold.*

Det fortættede, formeltunge sprog, matematisk indsigt formidles i, er en selvstændig barriere i tilegnelsen af fagligt materiale i matematik. Det er derfor et særskilt fagligt mål, at eleverne opnår kompetence i at kunne læse enkle tekster med et matematikfagligt indhold i et kortere omfang, fx som det forekommer i de skriftlige eksamensopgaver i modellering. I afsnit 3.1. *Didaktiske principper* uddybes krav til undervisningen med henblik på, at eleverne får mulighed for at opfylde dette faglige mål.

*Eleverne skal kunne formidle emner med matematikfagligt indhold mundtligt og skriftligt.*

I det skriftlige arbejde skal eleverne først og fremmest kunne give en fyldestgørende formidling af problemløsning. Denne genre kan imidlertid ikke stå alene, og det er naturligt, at eleverne derudover stifter bekendtskab med andre former for skriftlig formidling af et matematisk indhold, eksempelvis ved formidling af resultatet af et modelleringsarbejde. Tekstbegrebet skal her opfattes i den udvidede forstand, som også omfatter brug af andre medier end skrift, eksempelvis podcasts.

Den mundtlige formidling er især rettet mod, at eleverne formidler matematisk begrundet indsigt, der er opnået på grundlag af modellering.

Arbejdet med formidlingsaspektet understøtter desuden udviklingen af elevernes skriftlige kompetencer og almene studiekompetencer, fordi der lægges vægt på faglig korrekthed.

*Eleverne skal kunne demonstrere viden om fagets identitet og metoder.*



Fagets identitet er beskrevet i 1.1. **Identitet**. Eleverne kan demonstrere deres viden om matematiks identitet og metoder, når de viser kendskab til samspillet mellem matematik og andre fag i en konkret modelleringsituation.

## 2.2 Kerne stof

Kernestoffet er nærmere beskrevet i læreplanen og uddybes nedenfor. Når der i tekst refereres til faglige "hovedområder", menes områderne geometri, funktioner og sandsynlighedsregning/statistik omtalt i afsnit 2.2.2-2.2.4 nedenfor.

Det faglige mål vedr. symbol- og formelsprog behandles i forbindelse med gennemgangen af kernestoffet, så eleverne opnår fortrolighed med relevant skrivemåde og terminologi. For enkelte, særlige områder er dette tydeliggjort nedenfor i forbindelse med omtale af kernestoffet.

### 2.2.1 Tal og algebra

Arbejdet med tal og algebra skal konsolidere grundskolens arbejde med stofområdet, herunder regningsarternes hierarki, brøker og ligningsløsning, så eleverne opnår sikkerhed på disse områder.

#### **Tallene**

*Hele, rationale og reelle tal. Regningsarternes hierarki. Simpel algebraisk symbolmanipulation. Potens og rod.*

Eleverne skal kende forskellige repræsentationer af tal, herunder brøk, decimaltal og eksponentiel notation.

I arbejdet med algebraisk symbolmanipulation (bogstavregning) opøves sikkerhed i brøkgregning og i at omforme symboludtryk.

I behandlingen af potenser etc. indgår kvadratsætningerne og potensregnerreglerne. Rødder bruges kun som modsat operator til potensopløftning.

#### **Ligninger**

*Ligningsløsning med algebraiske, grafiske og digitale metoder.*

Eleverne skal kunne løse simple ligninger med de formler, der indgår på niveauet. I ligningsløsning indgår førstegradsligninger, andengradsligninger samt grundligninger for de nedenfor anførte funktions typer, dvs. ligninger af formen  $\cos(v) = 0,8$ , (hvor  $v$  er en vinkel i en retvinklet trekant),  $5^x=8$  og  $x^3=10$ . Eleverne skal kunne løse ligninger ved hjælp af et digitalt værktøj.

Grafisk løsning af ligninger omfatter løsning såvel grafisk "i hånden" som med digitalt værktøj.

Eleverne skal dels kunne arbejde med disse grundligninger i isoleret form, dels kunne genkende og arbejde dem i situationer, hvor ligningen indgår i en anden sammenhæng. Det kan eksempelvis være beregning på kapitalfremskrivning, i forbindelse med en vækstmodel eller ved løsning af et konkret, trigonometrisk problem hentet fra virkeligheden. Ved de skriftlige prøver kan der være såvel "rene" opgaver i ligningsløsning som kontekstopgaver, hvor løsning af opgaven rummer opstilling, løsning og fortolkning af en sådan ligning.

#### **Procent- og rentesregning**

*Procentregning. Relativ vækst, vækstrate, fremskrivningsfaktor, renteformlen.*

Eleverne skal opnå rutine i at løse enkle opgaver, der involverer procentregning med afsæt i fremskrivningsfaktor og vækstrate.

Renteformlen (kapitalfremskrivningsformlen) gennemgås med argumentation, fx baseret på taleksempler.

Det er naturligt at afrunde arbejdet med procent- og rentesregning med et samarbejde med fx andre fag om privatøkonomi, hvor lån og annuitet kan indgå.

## 2.2.2 Geometri og trigonometri

Arbejdet med geometri og trigonometri skal bygge videre på grundskolens arbejde med stofområdet, herunder kendskabet til trekanter og beregninger heri.

### Trigonometri

*Trekanter, herunder ensvinklede og retvinklede trekanter. Pythagoras' sætning. Sinus, cosinus og tangens anvendt på retvinklede trekanter. Sinus- og cosinusrelationerne. Beregning af sider, vinkler og areal i vilkårlige trekanter.*

Arbejdet med retvinklede trekanter og beregninger heri skal konsolidere grundskolens arbejde med stofområdet. Grundlæggende begreber fra geometri, fx areal og omkreds af cirkel samt vinkelhalveringslinje, median, midtnormal og højde i trekanter repeteres i forbindelse med behandlingen af trekanter.

Det forventes, at hovedparten af de relevante resultater gennemgås med argumentation baseret på tal-eksempler eller med egentlige beviser.

Forstørrelsesfaktor/skalafaktor indføres.

Arealformlen  $T = \frac{1}{2} \cdot a \cdot b \cdot \sin(C)$  gennemgås.

Sinus- og cosinusrelationerne for spidsvinklede trekanter bevises. Ved trekantsberegninger forventes ikke, at eleverne kan håndtere det dobbelttydige tilfælde.

Geometri og trigonometri egner sig til problemløsning og indeholder sætninger med beviser, som er velegnede som introduktion til matematisk tankegang og argumentation. Emnet er meget anvendeligt i forbindelse med modellering. Det giver desuden god træning af ligningsløsning med andre ubekendte end  $x$ , eksempelvis  $a$ ,  $\cos(A)$  og  $\sin(A)$ .

Geometri og trigonometri kan være et godt udgangspunkt for samarbejde med de kreative fag om fx det gyldne snit.

## 2.2.3 Funktioner

### Funktioner

*Funktionsbegrebet.*

Eleverne skal i forbindelse med det løbende arbejde med funktionsbegrebet arbejde med en række forskellige repræsentationsformer og med at skifte mellem dem:

- Regneforskrift
- Graf
- Tabel
- Sproglig definition.

Sammensat funktion og invers funktion indgår ikke, men tankegangen bag brug af fx  $\sin^{-1}$  til løsning af  $\sin(v) = 0,8$  introduceres, så eleverne kan løse grundligninger. I de tilfælde, hvor der er problemer med flertydige løsninger, gennemgås dette i forbindelse med den konkrete type ligning.

*Karakteristiske egenskaber ved følgende elementære funktioner: lineære funktioner, andengradspolynomier, eksponential- og potensfunktioner samt grundtræk af disse funktioners grafiske forløb. Elementære egenskaber ved  $\log_{10}$ .*

Karakteristiske egenskaber ved funktioner omfatter i denne sammenhæng definitions- og værdimængde, konstanter betydning og funktionernes vækstegenskaber. Eleverne skal kende og kunne forstå notation til angivelse af definitions- og værdimængde. Det er ikke et krav, at grafers asymptoter gives en systematisk behandling, men eleverne skal kende til de behandlede funktioners asymptotiske forløb.

Topunktsformlen for hældningskoefficient bevises. Det kan indgå i grundforløbet som eksempel på matematisk argumentation.

Arbejdet med lineære funktioner skal konsolidere grundskolens arbejde med stofområdet; herunder behandles koordinatsystemet, hældningskoefficient og bestemmelse af hældningskoefficient vha. topunktsformlen. Skæring mellem graferne for to lineære funktioner behandles.

Eleverne skal kende andengradspolynomiets graf, toppunkt, formen for rødderne med tilhørende diskriminant og konstanter betydning.

Eksponentialfunktioner omfatter formen  $b \cdot a^x$ , procentvis tilvækst samt fordoblings- og halveringskonstant.

Titalslogaritmefunktionen  $\log_{10}$  introduceres i forbindelse med løsning af ligninger af typen  $a^x = c$ , og logaritmereglen  $\log(a^x) = x \cdot \log(a)$  præsenteres.

*Simpel matematisk modellering med anvendelse af lineære funktioner samt eksponential- og potensfunktioner, herunder anvendelse af regression.*

I arbejdet med matematisk modellering skal eleverne blive fortrolige med modellering af sammenhænge ved hjælp af lineære funktioner, eksponentialfunktioner og potensfunktioner. De skal kunne foretage regression med disse funktionstyper og kunne plote data og model med hensigtsmæssigt valg af grafvindue.

Eleverne skal kunne forholde sig kritisk til en model og dens resultater, herunder hvorvidt modellen faktisk beskriver data eller rummer en systematisk variation. De skal kunne beregne absolut og relativ afvigelse.

Eleverne forventes at kunne opstille simple lineære og eksponentielle modeller ud fra sproglige beskrivelser, fx "Befolkningen vokser med 4% pr. år med en startværdi på 6 mio.".

## 2.2.4 Sandsynlighedsregning og statistik

### **Deskriptiv statistik**

*Beskrivelse og grafisk repræsentation af ugrupperet og grupperet observationsmateriale, simple statistiske deskriptorer.*

For ugrupperede data skal eleverne blive fortrolige med begreberne hyppighed, frekvens og kumuleret frekvens. De simple statistiske deskriptorer er middelværdi, spredning, median og øvrige kvartiler for et datasæt. De grafiske repræsentationer, som eleverne skal kunne benytte og producere, er prikdiagram og boksplot.

For grupperet datamateriale skal eleverne blive fortrolige med intervalhyppighed, intervalfrekvens og kumuleret frekvens. De simple statistiske deskriptorer er her middelværdi, median og øvrige kvartiler samt fraktiler. De grafiske repræsentationer, som eleverne skal kunne aflæse, er histogram og sumkurve.

Deskriptiv statistik har så mange berøringsflader med omverdenen og med andre fag, at der er et stort og varieret antal emner inden for dette område, som kan være genstand for et samarbejde med andre fag, eller som kan dyrkes inden for matematikundervisningen selv. Hvor det er muligt, er det en stor fordel for indlæring af begreber og metoder, at det foregår i et samarbejde med andre fag som samfundsfag eller naturvidenskabelige fag, der som en naturlig del af faget producerer datamaterialer, som kan behandles i matematik.

### **Sandsynlighedsregning**

*Sandsynlighed, sandsynlighedsfelt, herunder symmetrisk sandsynlighedsfelt. Kombinatorik, herunder kombinationer.*

Sandsynlighedsfelter, herunder symmetriske sandsynlighedsfelter, behandles som model for stokastiske eksperimenter gennem konkrete eksempler.

Eleverne skal have kendskab til både *à priori* (på forhånd givne) og frekventielle (statistisk bestemte) sandsynligheder og kende forskellen på disse.

I kombinatorik indgår additions- og multiplikationsprincipperne. Formlen for  $K(n,r)$  indgår og behandles, evt. ud fra eksempler.

Uafhængige hændelser omtales kun i forbindelse med problemløsning, der kræver multiplikation af sandsynligheder, men gives ikke en selvstændig behandling.

## 2.3 Supplerende stof

*Eleverne vil ikke kunne opfylde de faglige mål alene ved hjælp af kernestoffet. Det supplerende stof, der skal udfylde ca. 10 pct. af undervisningstiden, skal uddybe kernestoffet og indeholde nye emner eller metoder, som perspektiverer faget.*

Emnerne kan vælges såvel inden for som uden for de allerede behandlede hovedområder af matematikken. Ved at vælge emner, der lægger op til samarbejde med andre af elevernes fag, åbnes der samtidigt for en perspektivering af faget, som kan understrege fagets relevans i andre sammenhænge.

Perspektivering af kernestoffet kan ofte ske gennem en anvendelse af matematik i andre fag eller demonstration af fagets relevans i forhold uden for matematikken. Eksempelvis kan arbejdet med rentesregning afrundes med et samarbejde med andre fag, hvor holdet læser supplerende stof i matematik om fx annuiteter som grundlag for en behandling af privatøkonomiske forhold.

## 2.4 Omfang

*Det forventede omfang af fagligt stof er normalt svarende til 150-300 sider afhængigt af det valgte undervisningsmateriale.*

# 3 Tilrettelæggelse

## 3.1 Didaktiske principper

### **Elevforudsætninger**

*Undervisningen tager udgangspunkt i et fagligt niveau svarende til elevernes niveau fra grundskolen.*

I sin afrapportering omtaler Matematikexpertgruppen<sup>3</sup>, hvorledes elever ved overgang fra grundskolen til de gymnasiale uddannelser kan opleve et skifte i matematikundervisningen. Grundskolens matematikundervisning med præg af problembehandling inden for hverdagsanvendelser med vægt på det forklarende og beskrivende afløses af de gymnasiale uddannelsers tilgang, der stiller gradvist større krav om en mere abstrakt, teoretisk og analyserende tilgang. Samtidigt oplever eleverne også et skift i kravene til begrebsmæssig præcision og krav om at kunne redegøre matematisk for, hvordan resultater fremkommer.

Dette skifte kan være en udfordring for mange elever i starten af forløbet. Derfor er det særligt vigtigt at være opmærksom på elevernes faglige forudsætninger, så eleverne kan opleve, at undervisningen foregår på deres faglige præmisser, uanset at der er en intention om gradvis at udvikle elevernes forståelse for matematisk argumentation.

Samtidig er det afgørende, at eleverne får hjælp til en god start på faget gennem etablering af gode studievaner og rutiner, og at deres aktive deltagelse og motivation støttes. I et længere perspektiv er det nok mindre vigtigt, at undervisningen i starten kommer hurtigt frem i kernestoffet, fordi elever, der møder med dårlige studievaner, hurtigt kan komme bagud i et kumulativt opbygget fag som matematik.

Det er ikke hensigtsmæssigt at starte med et forløb om fx ligninger. Man kan i stedet arbejde med anvendelser og modellering, hvor ligningsløsning indgår som en naturlig del af forløbet.

### **Grundforløbet**

*I grundforløbet skal eleverne gradvis gøres bevidste om de gymnasiale krav i forbindelse med såvel skriftlig som mundtlig matematik. Lineære funktioner og modellering med lineære funktioner skal indgå i det faglige stof i grundforløbet, og dette stofområde skal indgå i screeningen i grundforløbets afsluttende del, jf. pkt. 4.1.*

*Undervisningen i matematik i grundforløbet skal koordineres med undervisningen i naturvidenskabeligt grundforløb.*

Det er en central del af grundforløbets matematikundervisning at gøre de ovennævnte forandringer i tilgangen i undervisningen tydelige for eleverne, fordi gymnasiets anderledes tilgang har betydning for elevernes valg af studieretning.

Denne udvikling skal på den ene side ske så gradvis, at såvel elevernes faglige udgangspunkt som deres opfattelse af, hvad matematikfaget 'er', respekteres. På den anden side skal eleverne gøres bevidste om denne forskel, så de kan forstå arten af de faglige krav, de vil møde på studieretninger med matematik på C-, B- eller A-niveau.

---

<sup>3</sup> Ekspertgruppe i matematik: "Fælles udvikling af matematik". Børne- og Undervisningsministeriet (august 2022).

Undervisningen i lineære modeller er en oplagt mulighed for samarbejde med fagene i naturvidenskabeligt grundforløb. Arbejdet med lineær regression på autentiske data fra eksperimenter i naturvidenskabeligt grundforløb kan understøtte elevernes tidlige oplevelse af matematik som et fag, der egner sig til modellering af omverdensfænomener.

Matematikfaggruppen på en skole har derudover frihed til at vælge fagligt indhold, brug af digitale værktøjer og undervisningsform i grundforløbet, så undervisningen i grundforløbet i sin helhed bidrager til at styrke eleveres interesse for matematik og indtryk af sammenhæng mellem de forskellige gymnasiefag, og så eleverne har samme udgangspunkt, når de starter på studieretningsforløbet.

Matematikscreeningen i grundforløbet skal være individuel og benyttes i forbindelse med vejledning af eleven i forbindelse med studieretningsvalget. Screeningen skal anvendes til at få et indblik i, om den enkelte elev er i stand til at anvende det faglige stof, som er behandlet i grundforløbet, til at løse forskellige typer af opgaver knyttet hertil.

Skolen udarbejder selv screeningen i matematik. Indhold og vilkår for den afsluttende screening er nærmere omtalt i afsnit [4.1 Løbende evaluering](#).

### **Undervisningens tilrettelæggelse**

*Undervisningen i matematik tilrettelægges, så målene med de enkelte forløb er tydelige for eleverne, og så eleverne motiveres til at arbejde med faget samtidig med, at deres nysgerrighed og kreativitet stimuleres.*

Læreplanens faglige mål er slutmål, som udgør grundlaget for evalueringen af elevernes udbytte af undervisningen i matematik C ved den afsluttende prøve. Undervisningen skal planlægges med en progression i kravene og passende valgte delmål, så eleverne har mulighed for til sidst at have nået de faglige måls krav til viden, færdigheder og kompetencer. Her kan man med fordel tænke på den "gradinddeling" af kompleksiteten af elevens forståelse af det faglige stof, som SOLO-taksonomien tilbyder.

Det er lærerens opgave at konkretisere målene med hvert forløb og at gøre eleverne bevidste om dem, så de forstår målene og kan se vejen derhen. Det kan med fordel også gælde den enkelte lektion. Når eleverne løbende kan se sammenhængen og forstår meningen med undervisningen, har de bedre mulighed for at fokusere deres indsats på det, de skal lære.

Samtidig skal undervisningen tilrettelægges, så elevernes nysgerrighed og kreativitet stimuleres.

Matematik kan som fag nemt opfattes som "færdigstøbt" set fra elevernes synsvinkel. Men historisk set er faget i stadig udvikling, båret af menneskelig nysgerrighed og kreativitet og i en vekselvirkning mellem anvendelse og teoribygning, jf. afsnit [1.1. Identitet](#). Den erkendelse om fagets udvikling er værdifuld i sig selv, og det kan desuden være en kilde både til motivation for eleverne, hvis de får lejlighed til selv at se eksempler på, hvordan matematik opstår. Eksempelvis kan det ske ved, at eleverne undersøger og "opdager" matematiske sammenhænge i faget, at de arbejder med ikke-rutineprægede problemstillinger, eller at de opstiller og undersøger modeller for omverdensfænomener eller fænomener fra andre fag. Inden for eksempelvis deskriptiv statistik er det oplagt at lade elever indsamle og give en deskriptiv analyse af et autentisk datamateriale om brug af mobiltelefoner.

*Hovedvægten lægges i matematik C på brug af matematik som middel til at beskrive og forstå enkle matematiske sammenhænge, hvor dele af eksempelmaterialet hentes fra elevernes omverden.*

Sigtet med undervisningen i matematik C er jf. afsnit [1.2. Formål](#) at give eleverne en grundlæggende indsigt i faget med vægt på almindelsen. Arbejdet med elevernes tilegnelse af viden, færdigheder og kompetencer på et grundlæggende niveau er det væsentlige i undervisningen i matematik C. Derfor er fokus på, at eleverne opnår en forståelse af og træning i nogle centrale, grundlæggende elementer i faget: Funktionsbegrebet, simpel geometrisk modellering og enkle sandsynlighedsovervejelser, som er

af betydning for eleven som samfundsborger. Derudover er matematik C første trædesten for de elever, som ønsker at opbygge matematikkompetencer aht. fremtidige studier.

Når eleverne beskriver og arbejder med at forstå matematiske sammenhænge, inddrages også eksempler uden for matematikken, der kan levere en arbejdsmark for elevernes arbejde med matematiske argumenter og matematiske sammenhænge. Inddragelse af eksempler fra elevernes omverden eller øvrige fag kan hjælpe eleverne til at se større sammenhænge på tværs af fag.

Analysen af matematiske sammenhænge kan ske i form af små eksempler, hvor tabeller, formler, grafer, ligninger eller sammenhænge, som er beskrevet og anvendt i andre fag, genbehandles med de "matematiske briller" i matematikundervisningen. Elevernes arbejde med tilsyneladende forskellige eksempler som blodsukkerniveau eller udviklingen i verdens regnskvsareal bidrager til, at de kan se den fælles beskrivelsesramme, som matematik leverer.

Ved at inddrage elevernes omverden kobles matematikken til noget, eleverne naturligt kan finde vedkommende og relevant. Hvad elevernes omverden består af afhænger af elevgruppen. Forskellige emner kunne være: klimaproblematikker, festivalbesøg, at flytte hjemmefra, at købe bil, dating, SoMe og sundhed.

### **Ræsonnement**

*Eleverne skal i flere hovedområder se eksempler på, hvordan faglige påstande eller sætninger underbygges med bevis eller anden form for sammenhængende argumentation.*

Det er et fagligt mål i matematik C, at eleverne kan følge og gennemføre enkle matematiske ræsonnementer og udvalgte beviser inden for flere hovedområder. Betegnelsen "hovedområde" henviser jf. vejledningen til afsnit 2.2. **Kernestof** til områderne geometri, funktioner og sandsynlighedsregning/statistik, hvis kernestof er beskrevet i punkt 2.2.2-2.2.4.

Arbejdet med eksempler på underbygning af udvalgte, faglige påstande tjener til at give eleverne en grundlæggende indsigt i fagets deduktive natur, jf. det faglige mål om at kende til fagets identitet og metoder.

Underbygningen kan ske som bevisførelse, fx i et bevis for Pythagoras' sætning, formlen for bestemmelse af hældningskoefficienten for en ret linje eller løsning af andengradsligningen. I andre sammenhænge kan det være mere hensigtsmæssigt at give en sammenhængende argumentation baseret på eksempler, der generaliseres – eksempelvis ved gennemgang af multiplikationsprincippet.

Se i øvrigt de enkelte afsnit i vejledningens afsnit 2.2. **Kernestoffet**.

### **Faglig progression**

*Der skal sikres progression i kravene til elevernes selvstændighed mht. argumentation, problemløsning og modellering samt i den faglige fordybelse, herunder i arbejdet med at læse, bearbejde og formidle elementær, matematisk tekst.*

Læreplanen formulerer sig om de slutmål, eleverne skal nå. Man kan derfor med fordel for det enkelte hold undervejs opstille realistiske delmål for forløbene, som præsenteres for eleverne, så de har mulighed for at opleve faglig mestring og selvstændighed, også undervejs mod C-niveauet.

Kravet om progression afspejles naturligt i den rækkefølge, som man vælger at behandle kernestoffet i. På samme vis kan kravene til dybde og præcision i argumentation, problemløsning og modellering udvikles undervejs. Progressionen afspejler sig også i graden af selvstændighed i elevernes arbejde med stoffet i undervisningen.

For problemløsning kan progressionen bestå i, at opgaverne i det enkelte forløb udvikler sig fra små, rene træningsopgaver til større og mere komplekse opgaver.

## Problemløsning

*Problemløsning er centralt i arbejdet i matematik og skal indgå såvel i undervisningen som i elevernes selvstændige fordybelse i faget. Arbejdet med problemløsning skal tilrettelægges med progression under hensyn til konsolidering af elevernes færdigheder i alle kernestofområder.*

Problemløsning er et centralt element i matematikundervisningen på alle niveauer som anledning til at arbejde med analyse af matematikholdige problemstillinger med inddragelse af matematisk argumentation, sprog og repræsentationsformer, ligesom det er en formel ramme om arbejde med matematiske modeller.

Eleverne kommer fra en tilgang i grundskolens matematikundervisning, hvor problemløsning om særligt hverdagsanvendelser har vægt på det forklarende og beskrivende. Det er derfor en væsentlig omstilling for de nye gymnasieelever, når matematik i gymnasiet rummer krav om en mere abstrakt, teoretisk og analyserende tankegang. Det gælder krav til dels elevernes præcision i sprogbrug og argumentation, dels deres redegørelse for, hvordan de har nået et givet resultat.

En besvarelse af en opgave, der blot rummer "facit", er utilstrækkelig i gymnasial matematik. Der skal være en progression i forventningen til elevernes præcision i sprogbrug og argumentation samt til deres redegørelse for, hvordan de har nået et givet resultat.

Der er mange muligheder for variation af det skriftlige arbejde med problemløsning, eksempelvis kan eleverne i kortere sessioner arbejde med problemløsning på digitale, adaptive platforme.

## Eksempler på undersøgende tilgang

*Eleverne skal møde eksempler på en undersøgende tilgang til matematiske problemstillinger og modeller, så de får mulighed for selvstændigt at formulere og undersøge formodninger ud fra konkrete eksempler og problemstillinger.*

Ved undersøgelsesbaserede aktiviteter bruger eleverne deres eksisterende viden (fx færdigheder, metoder og begreber) på nye måder og nye problemstillinger, så for dem ny viden udvikles. Undersøgelsesbaserede aktiviteter er således tæt knyttet til ræsonnementskompetencen, da undersøgelserne kræver en følge af argumenter. Aktiviteterne kan derfor være med til at give forståelse for opbygningen af matematisk teori.

Eksempler på undersøgelsesbaserede aktiviteter kan være, at man lader eleverne undersøge, hvad der sker med arealet af en trekant, når siderne i trekanten forstørres med en bestemt størrelse. Inden for deskriptiv statistik kunne man give eleverne to datasæt bestående af lønningerne i to firmaer. Eleverne skal så svare på, hvilket firma, de helst vil ansættes i. I arbejdet med lineære funktioner, eksponentielle udviklinger eller potensfunktioner kan eleverne eksempelvis undersøge betydningen af variation af parametre.

Den undersøgende tilgang kan også bruges til behandling af en delvist åben problemstilling, som eleverne selv opstiller. Det kan eksempelvis være med udgangspunkt i elevernes privatøkonomi, tal for smittespredning eller bakteriepopulationers vækst.

Arbejde med en undersøgende tilgang kan være en ny arbejdsform for eleverne, som derfor kan have særligt behov for tydelige rammer ved denne type arbejde.

## Modellering

*Modellering skal indgå som en væsentlig del af undervisningen i alle emneområder.*

Matematisk modellering indgår i de faglige mål i matematik på alle niveauer på stx og hf, fordi alle elever uanset niveau skal kunne arbejde med matematisk modellering af problemstillinger; se også omtalen i afsnit 1.1 Identitet af Matematikkommissionens afrapportering (2016). Modellering indgår således



som aspekt i behandlingen af alle kernestoffets hovedområder med henblik på at vise anvendelsesorienterede sider af faget med afsæt i andre fag eller omverdensfænomener.

Lineære modeller er centrale allerede i grundforløbet på grund af deres omfattende brug i modellering, muligheden for at bygge videre på viden fra grundskolen og for flerfagligt samarbejde med navnlig naturvidenskabelige fag og samfundsfag straks fra uddannelsens start.

Eleverne forventes eksempelvis at kunne modellere simple, geometriske fænomener med trekanter samt modellere enkle variablsammenhænge med lineære funktioner, eksponentielle udviklinger og potensfunktioner, jf. gennemgangen af kernestoffet, herunder ved regression. I sandsynlighedsregning er det naturligt at tage afsæt i modeller af spil og andre konkrete situationer i elevernes omverden.

### **Digitale værktøjer**

*Digitale værktøjer, herunder CAS-værktøjer, skal indgå i elevernes arbejde med kernestofområder, hvor det er relevant som værktøj til udvikling af begrebsforståelsen samt til modellering, problemløsning og formidling.*

I dette afsnit af læreplanen behandles krav vedrørende brug af digitale værktøjer, herunder CAS-værktøjer, til arbejde med modellering, problemløsning og formidling. De rent tekniske krav til de digitale værktøjer, som eleverne skal have til rådighed og undervises i brugen af, specificeres i afsnit 3.3. It. Endelig præciseres i afsnit 2.2. Kernestof brugen af digitale værktøjer inden for enkelte kernestofområder.

Elevernes brug af digitale værktøjer tjener forskellige hensyn. Overordnet skal matematik på lige fod med andre fag bidrage til elevernes digitale dannelse, men også en række faginterne hensyn peger på brug af digitale værktøjer i matematikundervisningen. Som fagets værktøj indgår digitale værktøjer naturligt i mange sammenhænge i arbejdet med bl.a. regression, graftegning, beregninger i stedet for tabelopslag, beregning på geometriske modeller samt behandling af statistiske data. Digitale værktøjer udvider arbejdsfeltet for *modellering* til mere avancerede modeller, end eleven ville kunne klare i hånden. De støtter eleven ved komplekse beregninger i *problemløsning* som led i længere ræsonnementer, som ellers ville blive for uoverskuelige eller vanskelige.

Ud over de nævnte anvendelser, som læreplanen stiller krav om, giver digitale værktøjer nogle didaktiske muligheder, som underviseren kan vælge at udnytte. Værktøjerne kan være velegnede til at illustrere matematiske begreber. På kort tid kan man med digitale værktøjer eksempelvis producere eksempler, illustrationer, grafer mm., som kan understøtte kendskab til betydningen af variation af parametrene i en funktionsforskrift. Digitale værktøjer er desuden egnede til undersøgelser og eksperimentel undervisning, hvor eleverne selvstændigt undersøger enkle matematiske påstande. Endelig kan digitale værktøjer støtte fagligt svage elever, som har problemer med basal matematik, til at komme et stykke vej i et fagområde, som måske ellers ville være utilgængeligt for en elev med mere grundlæggende vanskeligheder med bogstavregning.

At bruge digitale værktøjer kompetent kommer ikke af sig selv, og det er hensigtsmæssigt at introducere brugen tidligt og i forbindelse med det faglige arbejde med matematisk stof, når behovet opstår, så de nødvendige kompetencer kan blive rutine, og i en vekslen med arbejde med "blyant og papir", jf. også afsnit 3.4 It.

Læreren bør inddrage digitale hjælpemidler i undervisningen, når det er hensigtsmæssigt. Det er ikke hensigtsmæssigt, at eleven i det væsentlige baserer sin forståelse af matematik på computerkommandoer i et digitalt værktøj, og digitale værktøjer bør ikke være en genvej til et facit, uden at eleven forstår den bagvedliggende matematik.

I grundforløbet, hvor lineære modeller skal behandles, kan man med fordel gennemgå lineær regression, og eleverne kan arbejde med skifte mellem repræsentationsformer med de digitale værktøjer.

Online spørgeskemaprogrammer kan benyttes til indhentning af anonyme data til statistiske undersøgelser.

Ud over den brug af digitale værktøjer som specifikt hjælpemiddel i matematik, som læreplanen stipulerer, og som er omtalt ovenfor, kan diverse digitale værktøjer indgå efter underviserens didaktiske valg. Eksempelvis kan online quizprogrammer bruges som 'breaker', til afrunding af et emne eller som mere formaliseret led i den løbende evaluering af undervisningen og elevernes faglige udbytte.

### **Matematisk sprogbrug**

Matematik er grundlæggende et skriftligt fag, hvor næsten enhver mundtlig aktivitet suppleres af noget skriftligt i form af korte notater eller egentlig tekst. Det løbende arbejde med skriftlig problemløsning i matematik C-forløbet tjener bl.a. til, at eleverne får tilstrækkelig rutine i arbejdet med formler og bogstavudtryk.

### **Studie- og karriereperspektiv**

Eleverne skal ifølge Lov om de gymnasiale uddannelser gennem undervisningen opnå viden om og erfaringer med fagenes anvendelse, der modner deres evne til at reflektere over egne muligheder og at træffe valg om egen fremtid i et studie-/ karriereperspektiv og et personligt perspektiv.

I matematik C kan inddragelsen ske ved, at eleverne præsenteres for eksempler på, hvorledes matematikfaglige kompetencer kan anvendes i andre sammenhænge og på uddannelser og i professioner, hvor matematisk indsigt er en støtte. I det faglige samspil med andre fag får eleverne kendskab til, hvilke typer af spørgsmål matematik kan svare på, og en naturlig forlængelse heraf er at tale med eleverne om hvilke erhverv, der bl.a. beskæftiger sig med sådanne spørgsmål. Gennem mødet med fagets muligheder samt elevens egne refleksioner herover får eleverne en forståelse for egne karriereperspektiver og mulige uddannelsesvalg.

På [www.emu.dk](http://www.emu.dk) er det muligt at læse mere om, hvordan man kan arbejde systematisk med specielt karrierelæring i gymnasiet – se [Karrierelæring i gymnasiet - rapport, idekatalog og videoer](#).

## **3.2 Arbejdsformer**

*Undervisningen skal tilrettelægges, så der er variation og progression i de benyttede arbejdsformer under hensyntagen til de mål, der ønskes nået med de enkelte forløb.*

Der skal være en tydelig progression i valgene af arbejdsformer, så de medvirker til udviklingen fra elev til studerende. Dette gælder både omfanget af det selvstændige arbejde og graden af selvstændighed i arbejdet. I starten af forløbet kan undervisningen med fordel tilrettelægges med udgangspunkt i kortere, lærerstyrede forløb, hvor eleverne stifter bekendtskab med de krav, som gælder for matematik i gymnasiet. Senere kan eleverne gradvist, når det er muligt, få et større ansvar for dele af forløb.

*Der skal indgå såvel mundtlige som skriftlige arbejdsformer i den daglige undervisning, som gør det muligt for den enkelte elev at udvikle kompetence til, individuelt og i samarbejde med andre, at tilegne sig matematisk indsigt.*

I begyndelsen af forløbet gives grundig stilladsering til det stof, der skal bearbejdes, og af de opgaver, der skal løses derhjemme. Over tid må der arbejdes på, at elevens evne til at arbejde individuelt kan udvikles ved, at eleverne gradvist får mere ansvar for arbejdet i timerne og hjemme.

På længere sigt er det ønskeligt at forpligte eleverne på selv individuelt eller i grupper i kortere forløb at arbejde selvstændigt med fagligt stof, såvel skriftligt som i den daglige undervisning.

### **Skriftligt arbejde**

*Den skriftlige dimension skal medvirke til at sikre fordybelse i faget og omfatte problemløsning, arbejde med matematiske modeller og formidling af matematikfaglig indsigt. Det skriftlige arbejde tilrettelægges*

*med variation i formen, og så der er progression og sammenhæng med skriftligt arbejde i de øvrige fag, eleven har. Progressionen omfatter såvel fordybelsesgraden som kravene til elevernes selvstændige indsats.*

Det skriftlige arbejde med problemløsning og modeller er centralt i forhold til at styrke elevernes tilegnelse af de behandlede faglige begreber og bringe nyt stof i sammenhæng med det allerede behandlede og skærpe brugen af faglig metode.

*I forbindelse med opgaveregning skal eleverne møde eksempler på opgaver med de krav til løsning af skriftlige opgaver, som gælder ved den skriftlige prøve i matematik på B-niveau.*

Dette krav i læreplanen skyldes hensynet til de elever, der overvejer at vælge matematik på B-niveau som valgfag. Disse elever får gennem løsning af skriftlige, eksamenslignende opgaver en introduktion til de krav, de vil møde i forbindelse med det skriftlige arbejde på et etårigt valghold i matematik B, stx, og den tilsvarende, afsluttende, skriftlige prøve.

### **Mundtligt arbejde**

*Eleverne skal arbejde med mundtlig kommunikation om matematiske emner med særligt henblik på matematisk argumentation og formidling.*

Den mundtlige dimension har såvel interne som eksterne perspektiver. Internt bidrager arbejdet med at skærpe opmærksomheden om faglig præcision, så eleverne gennem forløbet bliver i stand til selvstændigt at udtrykke sig fagligt sikkert om problemstillinger med et matematikfagligt indhold. I det eksterne perspektiv indgår, at eleverne kan udtrykke sig om sagsforhold med matematisk indhold i andre faglige sammenhænge, eksempelvis tolkningen af simple lineære eller eksponentielle modeller.

## **3.3 It**

*It og digitale værktøjer skal indgå i undervisningen i hensigtsmæssig vekslen mellem brug af digitale værktøjer og "blyant og papir".*

Læreplanens afsnit om it anfører krav om, at eleverne skal have særlige digitale værktøjer til rådighed i matematik, der giver bestemte muligheder, og om, at eleverne skal undervises i brugen af disse værktøjer til arbejde i matematik. Den didaktiske brug af digitale værktøjer i matematik er bredere gennemgået i afsnit 3.1. **Didaktiske principper**. I afsnit 2.2. **Kernestof** gives enkelte præciseringer af kravene inden for forskellige fagområder i kernestoffet.

*De digitale værktøjer, eleverne skal lære at bruge, skal indeholde faciliteter til visualisering af funktioner, brug af regneark, numerisk løsning og generel symbolmanipulation med CAS. De digitale værktøjer skal understøtte undersøgende og dynamiske aktiviteter vedr. funktioner og geometri.*

Læreplanen omtaler krav til de digitale værktøjer, eleverne skal have til rådighed. Brug af regneark omfatter opstilling af funktionstabeller, bestemmelse af statistiske deskriptorer for datasæt og regression. Numerisk løsning omfatter numerisk løsning af ligninger, jf. afsnit 2.2. **Kernestof**. Kravene til understøttelse af undersøgende og dynamiske aktiviteter vedr. funktioner omfatter dynamisk ændring af parametre i funktionsudtryk fx vha. "skydere", mens kravene vedr. geometri alene omfatter plangeometri.

Det er en fordel for både elever og lærere, hvis skolen formulerer en fælles politik mht. anskaffelse og anvendelse af digitale værktøjer i matematik, der lever op til læreplanens krav, herunder at vælge digitale værktøjer, der kan benyttes praktisk til problemløsning i matematik ved de skriftlige prøver i faget.

Velovervejede, fælles beslutninger er væsentlige dels af hensyn til elever, der ønsker at opgradere fra et matematikniveau til det næste, dels for at sikre mulighederne for fagligt samarbejde på tværs af klasser og hold.

I undervisningen tilstræbes en tilpas vekselvirkning mellem det analoge og det digitale. It og digitale medier og værktøjer, herunder kunstig intelligens, benyttes, hvor det skønnes hensigtsmæssigt ift. elevernes læringsproces og digitale dannelse. I anvendelsen af it styrkes elevernes evne til at søge, udvælge og formidle relevant fagligt materiale samt til at forholde sig kritisk til de muligheder og begrænsninger, som digitale værktøjer, og produkter frembragt ved hjælp heraf, giver.

### 3.4 Samspil med andre fag

*Undervisningen i matematik i grundforløbet skal koordineres med naturvidenskabeligt grundforløb.*

Koordinationen omfatter såvel den tidsmæssige tilrettelæggelse af undervisningen som valget af fagligt indhold, jf. afsnit 3.1. *Didaktiske principper, grundforløbet.*

*I studieretningsforløbet lægges vægt på koordination med de fag, der anvender matematik, idet det tilstræbes, at undervisningen i matematik understøtter anvendelsen.*

I samarbejdet med de studieretningsfag, der anvender matematik, indgår som minimum koordination af de faglige forløb, så den relevante matematik så vidt muligt er behandlet i god tid før, de andre fag skal bruge de faglige metoder. Det gælder eksempelvis med samfundsfag A om dele af statistikken og de naturvidenskabelige fag på C-niveau om fx matematisk modellering af faglige sammenhænge.

Brugen af digitale værktøjer kan med fordel være afstemt tidligt i forløbet, så såvel matematik som de andre fag kan have gavn af den fælles brug af dem.

# 4 Evaluering

---

## 4.1 Løbende evaluering

*I afslutningen af grundforløbet gennemføres en skriftlig screening af hensyn til vejledning af eleven om valg af studieretning. Screeningsens faglige indhold er det stof, der er arbejdet med i grundforløbet på tidspunktet for screeningen, herunder lineære funktioner og modellering med lineære funktioner, jf. pkt. 3.1. Til screeningen gives ca. to timer. Opgavesættet omfatter opgaver, der afprøver den enkelte elevs matematiske kompetencer, færdigheder og viden med henblik på at kunne gennemføre matematik på C-, B- eller A-niveau.*

Matematikscreeningen er individuel og anvendes til at få et indblik i, om den enkelte elev er i stand til at anvende det behandlede faglige stof til at løse forskellige typer af opgaver. Den skal ligge i den afsluttende del af grundforløbet, så både lærere og elever kan anvende resultatet heraf som led i lærernes vejledning hhv. elevernes endelige beslutning om valg af studieretning, herunder matematikniveau.

Det er ikke et krav, at screeningen bedømmes med en karakter. En formativ tilbagemelding, knyttet til elevens nødvendige indsats set i forhold til kommende valg af matematikniveau, kan være mindst lige så konstruktiv for elevens valgproces.

Skolen udarbejder selv screeningen i matematik og fastlægger i den forbindelse krav vedrørende elevernes brug af digitale værktøjer under screeningen. Kommunikation med omverdenen under screeningen er ikke tilladt.

*Eleverne skal jævnligt aflevere skriftligt arbejde i form af opgavebesvarelser eller andre typer produkter, der evalueres formativt af læreren med henblik på at fremme den enkelte elevs faglige progression.*

Et skriftligt arbejde skal altid have et eksplicit formål, som er klart for eleverne, og evalueringen af det skriftlige arbejde retter sig efter formålet og produktets type. Hvis det primære formål er at dokumentere elevens faglige niveau, så vil feedbacken ofte være i form af en karakter eller anden summativ bedømmelse (fx ud fra SOLO-taksonomien). Modsat vil man ved et formål om læring af ny matematik normalt lægge vægten på konkrete, fremadskuende anvisninger.

I forbindelse med skriftligt arbejde bør det tydeliggøres, hvorvidt eleverne skriver for at lære eller for at dokumentere deres viden, og hvad et eventuelt bedømmelsesgrundlag omfatter. Feedback på skriftligt arbejde bør tænkes individuelt og differentieret, så den enkelte elev kan opnå optimal læring. Den formative feedback bør være det dominerende i en væsentlig del af undervisningen frem mod det afsluttende niveau.

*Elevernes udbytte af undervisningen skal evalueres løbende, særligt mht. problemløsning og modellering. Herved tilvejebringes grundlag for en fremadrettet vejledning af den enkelte elev i arbejdet med at nå de faglige mål og for justering af undervisningen. Udvalgte forløb afsluttes med enten mundtlig fremlæggelse eller skriftlig prøve med henblik på træning af de respektive prøveformer, jf. pkt. 4.2.*

Evaluering af det mundtlige faglige niveau foregår typisk via feedback på præstationer som fx mundtlige fremlæggelser (evt. video) eller som svar på spørgsmål i undervisningen. I enhver kommunikation med eleverne i klassen i form af klassedialog, gruppearbejde, elevfremlæggelse mv., hvor eleverne kommer med faglige input, giver læreren passende feedback (niveausvarende) med henblik på brug af fagbegreber og faglig præcision med det for øje, at eleverne skal lære et nyt sprog. I matematik er der

oftest ét korrekt svar eller én præcis formulering af et svar, men elevbidrag bør anerkendes, så alle elever får mod på at deltage aktivt. Langt de fleste elevbidrag kan bruges positivt i vejen frem mod det størst mulige matematikfaglige udbytte for hver enkelt elev, og matematikkens præcise sprogbrug bør hele tiden udvikles i elevernes dialog med hinanden og med læreren.

I forbindelse med prøver, mundtlige fremlæggelser eller andet selvstændigt arbejde kan det være hensigtsmæssigt at afholde korte, individuelle, formative evalueringssamtaler. Selvevaluering kan være et godt udgangspunkt for sådan en samtale, da eleverne ofte har god og realistisk vurdering af deres eget niveau.

Tests kan anvendes som evaluering af både mundtligt og skriftligt niveau. Evaluering af mundtligt niveau kan fx ske gennem en test med åbne, forståelsesrelaterede spørgsmål såsom "Hvad forstås ved en tangent til en graf?". Korte tests kan være uformelle og med et formativt sigte. Længerevarende tests på et helt modul kan ofte have et overvejende summativt sigte. Nogle tests vil læreren rette og bedømme, mens andre fx bedømmes af andre elever eller i fællesskab med holdets øvrige elever.

## 4.2 Prøveform

*Der afholdes en individuel, mundtlig prøve på grundlag af et bredt formuleret eksamensspørgsmål inden for de emner, holdet har arbejdet med.*

*Der stilles i alt mindst 8 forskellige eksamensspørgsmål, som til sammen i al væsentlighed dækker de faglige mål, kernestoffet og det supplerende stof, heraf mindst ét med udgangspunkt i det supplerende stof. Eksamensspørgsmålene offentliggøres i god tid inden prøven.*

*Eksaminationstiden er ca. 24 minutter pr. eksaminand. Der gives ca. 24 minutters forberedelsestid. Prøven består af dels eksaminandens præsentation af sit svar på det udtrukne eksamensspørgsmål, dels en uddybende faglig samtale mellem eksaminand og eksaminator med udgangspunkt i det overordnede emne.*

### **Eksamensgrundlag: Undervisningsbeskrivelsen**

Undervisningsbeskrivelsen danner grundlag for udarbejdelsen af de mundtlige eksamensspørgsmål. Undervisningsbeskrivelsens hovedformål er at sikre, at eleverne har den nødvendige information vedr. eksamen, og at censor kan forberede sig til at varetage sit hverv som censor. En undervisningsbeskrivelse skal som minimum indeholde:

1. Et kort resumé af hvert forløbs indhold og fokus, herunder forløbets centrale problemstillinger.
2. Angivelse af forløbets centrale faglige mål og kernestof / supplerende stof.
3. Det benyttede undervisningsmateriale.
4. Undervisningens tilrettelæggelse.

Emnets titel og anvendt undervisningsmateriale kan ikke alene gøre det ud for en beskrivelse af et forløb.

### **Eksamensspørgmålenes antal**

Kravet om, at der skal stilles mindst 8 forskellige eksamensspørgsmål, gælder uanset holdstørrelsen. Ifølge eksamensbekendtgørelsen skal der være så mange trækningmuligheder, at sidste eksaminand har mindst fire at vælge mellem. For at opfylde begge krav kan det være nødvendigt, at *alle* eksamensspørgsmål forekommer flere gange i den samlede pulje, som lægges frem ved prøvens start. Ved sådan gentagelse skal alle eksamensspørgsmålene gentages lige ofte.

### **Eksamensspørgmålenes udformning**

Det enkelte eksamensspørgsmål udformes med en overskrift og et eller flere underpunkter.

Overskriften angiver det overordnede emne for eksaminationen og fastlægger rammen for den uddybende, faglige samtale. For så vidt angår kernestoffet kan man som det enkelte eksamensspørgsmåls overordnede emne eksempelvis bruge læreplanens overskrifter for de relevante kernestofområder, fx

”trigonometri”. For eksamensspørgsmål, der tager udgangspunkt i det supplerende stof, må der formuleres en tilsvarende bred overskrift, så eksaminanden har mulighed for at demonstrere såvel faglig bredde som dybde i sin beherskelse af emnet.

De uddybende underpunkter udpeger centrale elementer, som forventes at indgå i eksaminandens selvstændige fremlæggelse af emnet. De kan dog hverken fungere som en tjekliste for eksaminator eller censor eller være en forpligtende disposition for eksaminanden.

Eksamensspørgsmålet skal gøre det muligt for eksaminanden at demonstrere sin grad af opfyldelse af de relevante faglige mål, herunder beherskelsen af det faglige indhold i det overordnede emne, uanset niveauet af præstationen, jf. gennemgangen i afsnit [4.3. Bedømmelseskriterier](#).

Eksamensspørgsmålene skal så vidt muligt være ækvivalente i omfang og sværhedsgrad.

Eksamensspørgsmålene skal tilsammen i al væsentlighed dække de faglige mål, kernestof og supplerende stof.

En graf, en enkel trigonometrisk model eller en illustration fra et spil, der kan modelleres med enkel sandsynlighedsregning, kan bruges som del af et eksamensspørgsmål til at give en fagligt svag eksaminand en konkret indgang til eksamensspørgsmålet både i prøvesituationen og i tiden op til prøven.

### **Særligt om sprogbrug**

Ved udformningen af eksamensspørgsmålene må man være særligt opmærksom på det forventningsniveau, som forskellige ordvalg lægger. En formulering som ”Bevis Pythagoras’ sætning” eller ”Du skal bevise, at vinkelsummen i en trekant er  $180^\circ$ ” markerer et højt taksonomisk niveau.

Et krav om ”redegørelse” for en given påstand svarer i matematik til det højeste taksonomiske niveau forstået på den måde, at kravet vil være en gennemgang af et bestemt bevis eller en udledning af et bestemt udtryk gennem en logisk følge af matematiske ræsonnementer. Ordet er således ækvivalent med ord som ”bevis” eller ”udled”.

Et krav om en ”forklaring” på, hvad en given påstand går ud på, er på et lavere taksonomisk niveau og indebærer ikke, at eksaminanden beviser eller udleder noget, men i stedet forklarer påstandens betydning eller anvendelse.

Ord som ”fortæl om” eller lignende, der ikke er klare i deres kravspecifikation, bør undgås. Det samme gælder udtryk som ”du kan eventuelt komme ind på...” eller ”hvis der er tid, kan du...”.

### **Før prøven**

Principperne for udformning af eksamensspørgsmål skal drøftes med eleverne som led i undervisningen, fx ved at gennemgå en række eksempler på mulige eksamensspørgsmål inden for såvel kernestof som supplerende stof, sådan at det bliver klart for dem præcis hvilke krav, en bestemt formulering dækker over. Eksempelvis bør det omtales, at det hører med til en fyldestgørende præsentation af en sætning og dens bevis at gøre rede for sætningens forudsætninger.

Et udkast til eksamensspørgsmålene offentliggøres så vidt muligt i god tid før prøven og senest en uge før prøvens afholdelse. Eksaminator og censor indgår i et samarbejde om, at eventuelle uklarheder i eksamensspørgsmålene ryddes af vejen inden prøven.

### **Under prøven**

Tildeling af et eksamensspørgsmål til den enkelte eksaminand foregår ved lodtrækning. Alle trækningsmuligheder, dvs. eksamensspørgsmål med eventuelle gentagelser, lægges frem fra starten af første prøvedag.

I forberedelsestiden må eksaminanden benytte alle hjælpemidler med de begrænsninger, der fremgår af eksamensbekendtgørelsen og udmøntning heraf.

Der afsættes omtrent samme tid til eksaminandens præsentation af sit svar på det udtrukne eksamensspørgsmål som til den uddybende faglige samtale mellem eksaminand og eksaminator samt evt. censor.

Eksaminanden disponerer som udgangspunkt selv sin behandling af eksamensspørgsmålets faglige indhold inkl. behandling af eksamensspørgsmålets underpunkter.

Normalt foregår eksaminationen ved en tavle, hvor eksaminanden 'fører pennen' og har sine notater i nærheden, og en computer kan inddrages, hvor det er relevant i den faglige sammenhæng.

Eksaminanden må under sin præsentation gerne støtte sig til egne noter og notater fra forberedelsestiden. Oplæsning eller afskrift direkte fra noter eller læremidler tæller ikke i sig selv positivt i bedømmelsen. Det er en del af den forudgående undervisning, at eleverne arbejder med at frigøre sig fra eventuelle notater og lignende under en mundtlig præsentation af et fagligt stof. Eleverne skal før prøven informeres om, at det ikke tæller positivt at læse op eller være meget nært knyttet til noter m.v.

Den uddybende faglige samtale kan tage udgangspunkt i elementer fra eksaminandens egen præsentation, som eksempelvis giver eksaminanden mulighed for at demonstrere kendskab til anvendelsesmuligheder, perspektivering eller overblik over eksamensspørgsmålets overordnede emne. Under samtaledelen kan det ikke være et krav, at eksaminanden giver bevistunge eller meget detaljerede redegørelser.

Under hele eksaminationen er det eksaminators opgave at sikre, at såvel fortrin som mangler ved eksaminandens præstation træder tydeligt frem.

### 4.3 Bedømmelseskriterier

*Bedømmelsen er en vurdering af, i hvilken grad eksaminandens præstation opfylder de faglige mål, som de er angivet i pkt. 2.1. Der gives én karakter ud fra en helhedsbedømmelse af eksaminandens præstation.*

- *Ved prøven lægges der vægt på eksaminandens evne til at*
- *beskrive grundlæggende matematiske begreber, teorier og metoder samt kunne anvende dem i problemløsning*
- *gennemføre enkle matematiske ræsonnementer*
- *forstå og anvende matematisk symbol- og formelsprog*
- *formidle et emne med et matematikfagligt indhold.*

Karakteren for præstationen ved den mundtlige prøve er en helhedsvurdering. Ved bedømmelse af eksaminandens præstation skal eksaminandens matematiske færdigheder og kompetencer afvejes i overensstemmelse med bedømmelseskriterierne for at nå frem til helhedsvurderingen.

I afsnit 5.1.3 findes en karakterbeskrivelse til bedømmelsen af præstationer ved den mundtlige prøve, udtrykt ved karaktererne 12, 7 og 02.





# 5 Bilag

---

## 5.1 Karakterbeskrivelser

### 5.1.1 Oversigt over karakterskalaen

Karakter	Betegnelse	Beskrivelse
12	Fremragende	Karakteren 12 gives for den fremragende præstation, der demonstrerer udtømmende opfyldelse af fagets mål, med ingen eller få uvæsentlige mangler.
7	God	Karakteren 7 gives for den gode præstation, der demonstrerer opfyldelse af fagets mål, med en del mangler.
02	Tilstrækkelig	Karakteren 02 gives for den tilstrækkelige præstation, der demonstrerer den minimalt acceptable grad af opfyldelse af fagets mål.

## 5.1.2 Karakterbeskrivelser: Mundtlige besvarelser

I en eksamenssituation inddrages de kategorier, som er relevante for pågældende eksamensspørgsmål/problemstilling.

<b>Eksaminanden...</b>	<b>12</b>	<b>7</b>	<b>02</b>
Dybde/ kompleksitet/ ræsonnement	<ul style="list-style-type: none"> <li>- kan håndtere og diskutere rækkevidde af simple matematiske modeller.</li> <li>- kan præsentere en fremgangsmåde ved behandling af et simpelt matematisk problem på en klar og overskuelig måde.</li> <li>- kan gennemføre simple matematiske ræsonnementer.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- kan anvende simple matematiske modeller.</li> <li>- kan præsentere de vigtigste trin i behandling af et simpelt matematisk problem.</li> <li>- kan indgå i en faglig dialog om simple matematiske ræsonnementer.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- kan, med en del usikkerhed, indgå i en faglig dialog om simple matematiske modeller.</li> <li>- demonstrerer i en samtale kendskab til fremgangsmåden i behandlingen af et simpelt matematisk problem.</li> </ul>
Sprog/ terminologi/ fremlæggelse	<ul style="list-style-type: none"> <li>- kan fremlægge velstruktureret og udtrykke sig klart med sikker anvendelse af matematisk symbolsprog.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- kan fremlægge sammenhængende med et godt kendskab til matematiske symboler.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- kan anvende simple matematiske formler, men fremlægger noget usammenhængende og med usikker brug af matematiske symboler.</li> </ul>
Bredde/ overblik/ perspektiv	<ul style="list-style-type: none"> <li>- demonstrerer overblik over et område af matematik eller viden om et område, hvor matematik anvendes.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- demonstrerer viden om et område af matematik eller viden om simple anvendelser af matematik.</li> </ul>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- demonstrerer i en samtale kendskab til et område af matematik eller til simple anvendelser af matematik.</li> </ul>



**BØRNE- OG  
UNDERVISNINGSMINISTERIET**  
STYRELSEN FOR  
UNDERVISNING OG KVALITET